

(1) カードの取り出し方は全部で  ${}_5C_2 = 10$  通りある. 取り出した 2 枚の番号の和は 3, 4, 8, 9 がそれぞれ 1 通りずつあり, 5, 6, 7 がそれぞれ 2 通りずつある. よって, 求める期待値は

$$3 \cdot \frac{1}{10} + 4 \cdot \frac{1}{10} + 5 \cdot \frac{2}{10} + 6 \cdot \frac{2}{10} + 7 \cdot \frac{2}{10} + 8 \cdot \frac{1}{10} + 9 \cdot \frac{1}{10} = 6$$

(2) はじめに  $\frac{n}{2} = m$  ( $n = 2m$ ) とおくと,  $k$  枚の取り出し方は全部で  ${}_{2m}C_k$  通りある.

次に, 取り出した  $k$  枚のうちに少なくとも 1 枚の偶数のカードがあれば, 取り出した番号の積が偶数になることから, 余事象である取り出した  $k$  枚すべてのカードが奇数である場合を考えればよい.

ここで, 奇数カードは  $m$  枚あることから,  $k$  枚すべてが奇数となる確率は

$$\frac{{}_m C_k}{{}_{2m} C_k} = \frac{m!}{k!(m-k)!} \cdot \frac{k!(2m-k)!}{(2m)!} = \frac{m!(2m-k)!}{(2m)!(m-k)!} = \frac{\left(\frac{n}{2}\right)!(n-k)!}{n! \left(\frac{n}{2} - k\right)!}$$

となり, 求める確率は  $1 - \frac{\left(\frac{n}{2}\right)!(n-k)!}{n! \left(\frac{n}{2} - k\right)!}$

(3) 同時に 3 枚を取り出す方法は全部で,

[1] 奇奇奇 [2] 奇奇偶 [3] 奇偶偶 [4] 偶偶偶

の 4 通りが考えられる.  $n$  を偶数とすると, 奇数のカードの枚数と偶数のカードの枚数が等しいから,

$$\{[1] \text{ の場合の数} \} + \{[3] \text{ の場合の数} \} = \{[2] \text{ の場合の数} \} + \{[4] \text{ の場合の数} \}$$

となる. すなわち,

$$(\text{和が奇数の確率}) = (\text{和が偶数の確率})$$

であるので, 求める確率は  $\frac{1}{2}$